

---

# **A Tour Of Sage**

***Versión 10.2***

**The Sage Development Team**

**04 de julio de 2024**



---

## Índice general

---

|                                                     |          |
|-----------------------------------------------------|----------|
| <b>1. Sage Como Una Calculadora</b>                 | <b>3</b> |
| <b>2. Potencia de Cálculo Con Sage</b>              | <b>5</b> |
| <b>3. Accediendo a Distintos Algoritmos en Sage</b> | <b>9</b> |



Este es un tour por Sage que sigue de cerca al Tour Por Mathematica que está al comienzo del Libro de Mathematica.



## Sage Como Una Calculadora

La línea de comandos de Sage tiene un prompt `sage:`; no necesitas agregarlo. Si utilizas el Notebook de Sage, entonces coloca todo lo que haya después del prompt `sage:` en una celda de entrada de datos, y presiona shift-enter para calcular la salida correspondiente.

```
sage: 3 + 5
8
```

El acento circunflejo `^` significa «elevar a la potencia».

```
sage: 57.1 ^ 100
4.60904368661396e175
```

Calculamos el inverso de una matriz de  $2 \times 2$  en Sage.

```
sage: matrix([[1,2], [3,4]])^(-1)
[ -2    1]
[ 3/2 -1/2]
```

Aquí integramos una función simple.

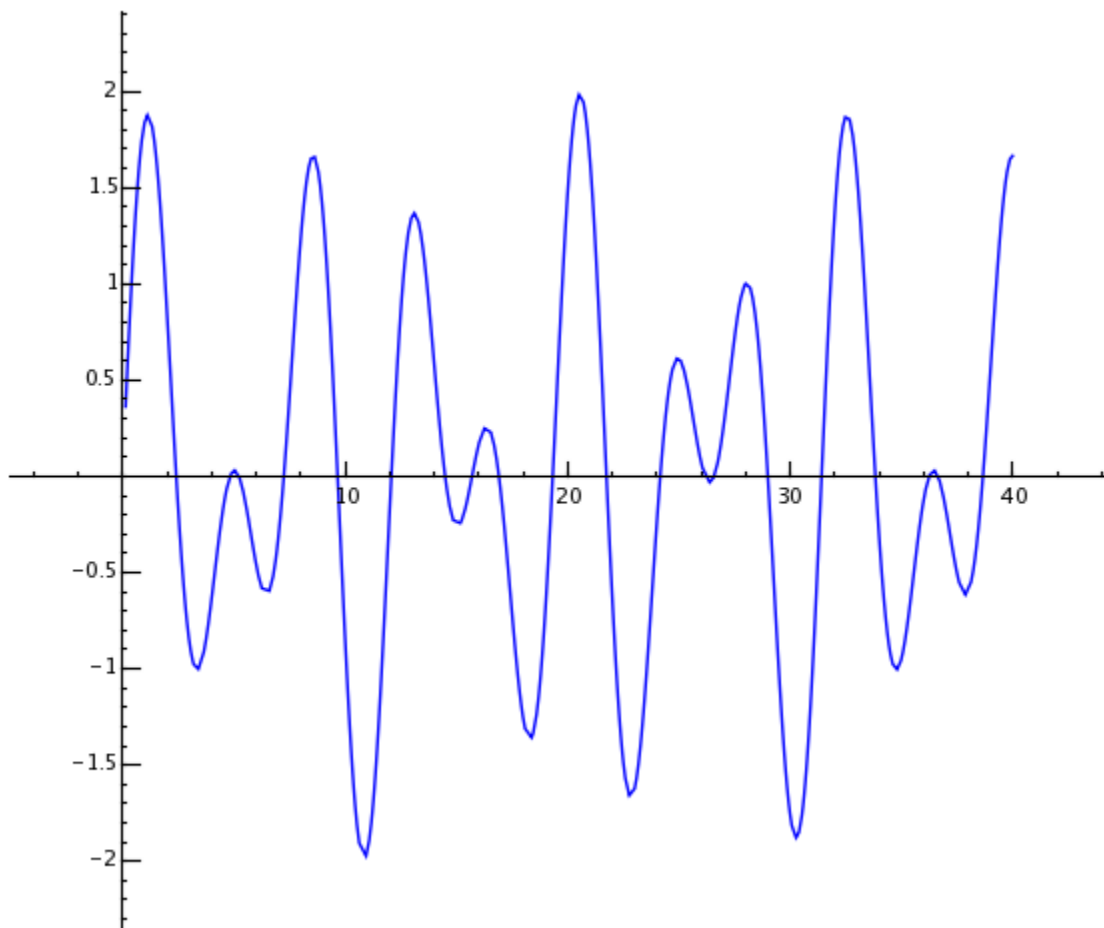
```
sage: x = var('x') # crea una variable simbólica
sage: integrate(sqrt(x)*sqrt(1+x), x)
1/4*((x + 1)^(3/2)/x^(3/2) + sqrt(x + 1)/sqrt(x))/((x + 1)^2/x^2 - 2*(x + 1)/x + 1) - 1/
↪ 8*log(sqrt(x + 1)/sqrt(x) + 1) + 1/8*log(sqrt(x + 1)/sqrt(x) - 1)
```

Esto le pide a Sage que resuelva una ecuación cuadrática. El símbolo `==` representa igualdad en Sage.

```
sage: a = var('a')
sage: S = solve(x^2 + x == a, x); S
[x == -1/2*sqrt(4*a + 1) - 1/2, x == 1/2*sqrt(4*a + 1) - 1/2]
```

El resultado es una lista de igualdades.

```
sage: S[0].rhs()  
-1/2*sqrt(4*a + 1) - 1/2  
sage: show(plot(sin(x) + sin(1.6*x), 0, 40))
```



---

### Potencia de Cálculo Con Sage

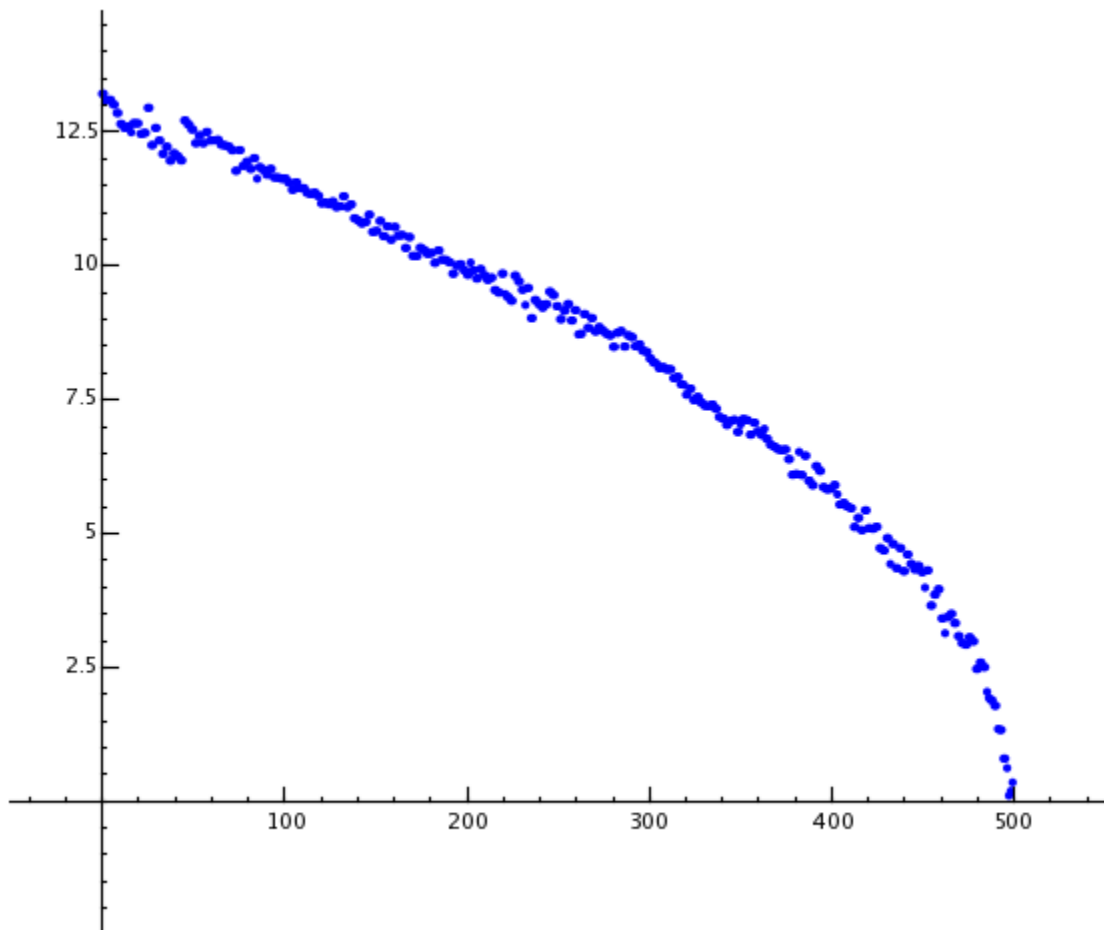
---

Primero creamos una matriz de  $500 \times 500$  con números aleatorios.

```
sage: m = random_matrix(RDF, 500)
```

Sage tarda unos cuantos segundos en calcular los valores propios de la matriz y mostrarlos.

```
sage: e = m.eigenvalues() #alrededor de 2 segundos  
sage: w = [(i, abs(e[i])) for i in range(len(e))]  
sage: show(points(w))
```



Gracias a la Biblioteca GNU de Multiprecisión (GMP), Sage puede manejar números muy grandes, hasta números con millones o billones de dígitos.

```
sage: factorial(100)
9332621544394415268169923885626670049071596826438162146859296389521759999322991560894146397615651828625
sage: n = factorial(1000000) # alrededor de 2.5 segundos
```

Esto calcula al menos 100 dígitos de  $\pi$ .

```
sage: N(pi, digits=100)
3.
↪ 141592653589793238462643383279502884197169399375105820974944592307816406286208998628034825342117068
```

Esto le pide a Sage que factorice un polinomio en dos variables.

```
sage: R.<x,y> = QQ[]
sage: F = factor(x^99 + y^99)
sage: F
(x + y) * (x^2 - x*y + y^2) * (x^6 - x^3*y^3 + y^6) *
(x^10 - x^9*y + x^8*y^2 - x^7*y^3 + x^6*y^4 - x^5*y^5 +
x^4*y^6 - x^3*y^7 + x^2*y^8 - x*y^9 + y^10) *
(x^20 + x^19*y - x^17*y^3 - x^16*y^4 + x^14*y^6 + x^13*y^7 -
```

(continué en la próxima página)

(proviene de la página anterior)

```

x^11*y^9 - x^10*y^10 - x^9*y^11 + x^7*y^13 + x^6*y^14 -
x^4*y^16 - x^3*y^17 + x*y^19 + y^20) * (x^60 + x^57*y^3 -
x^51*y^9 - x^48*y^12 + x^42*y^18 + x^39*y^21 - x^33*y^27 -
x^30*y^30 - x^27*y^33 + x^21*y^39 + x^18*y^42 - x^12*y^48 -
x^9*y^51 + x^3*y^57 + y^60)
sage: F.expand()
x^99 + y^99

```

Sage tarda menos de 5 segundos en calcular el número de maneras de repartir cien millones como una suma de enteros positivos.

```

sage: z = Partitions(10^8).cardinality() # alrededor de 4.5 segundos
sage: str(z)[:40]
'1760517045946249141360373894679135204009'

```



---

### Accediendo a Distintos Algoritmos en Sage

---

Cada vez que usas Sage, estás accediendo a una de las más grandes colecciones de algoritmos computacionales de código abierto del mundo entero.